



KO`RSATKICHLI FUNKSIYALAR XOSSALARI VA GRAFIGI,
KO`RSATKICHLI TENGLAMA.

Abdullayeva Xurshida Shoqosim qizi

Farg'ona viloyati Oltiariq tumani 2-son kasb – hunar maktabi Matematika fani o'qituvchisi

Annotatsiya: Ushbu maqolada ko'rsatkichli funksiyalar xossalari va grafigi, ko'rsatkichli tenglama yoritiladi va bular haqida misollar bilan ko'rsatildi.

Tayanch so'zlar: Ko'rsatkichli funksiya, funksiya, daraja ko'rsatkichi, asos, o'suvchi funksiya, kamayuvchi funksiya.

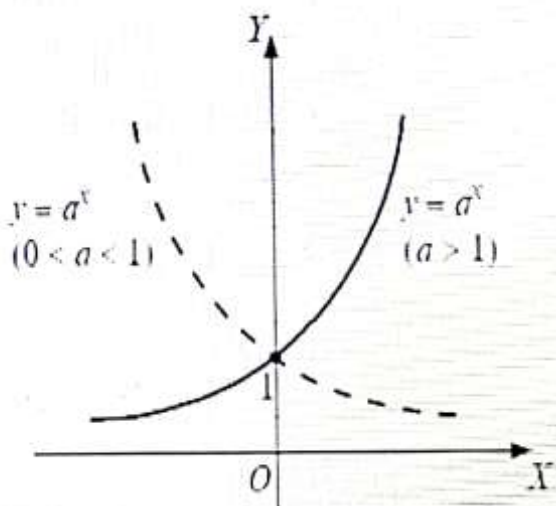
Аннотация: В этой статье будут рассмотрены свойства и график экспоненциальных функций, показательное уравнение и проиллюстрированы примерами о них.

Базовые слова: индикативная функция, функция, индикатор степени, базис, возрастающая функция, убывающая функция.

Ko'rsatkichli funksiya $y = a^x$ ko'rinishdagi funksiya, $— 0 < x < +\infty, 0 < a < \infty, a \neq 0, a \neq 1$ bo'lganda Ko'rsatkichli funksiya monoton o'suvchi, $0 < a < 1$ bo'lganda monoton kamayuvchi funksiya bo'ladi. Ko'rsatkichli funksiyaning muhim holi $y = e^x$ funksiya. Bu funksiyaning har qanday tartibli hosilasi mavjud bo'lib, bu hosilalar $y = e^x$ ga teng bo'ladi. $y = e^x$ Ko'rsatkichli funksiya quyidagi limit bilan aniqlanadi: $e = \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n$ Agar bu limitda x haqiqiy o'zgaruvchi $z = x + iy$ kompleks o'zgaruvchi bilan almashtirilsa ham bu limit mavjud bo'ladi. Bu limitning qiymati har qanday kompleks z uchun yel Ko'rsatkichli funksiyaning qiymati deb qabul qilinadi. $y = e^z$ Ko'rsatkichli funksiya funksiyaning ham har qanday tartibli hosilasi o'ziga teng bo'ladi va bu funksiya uchun quyidagi formulalar o'rinni: $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$ (Eylar formulasi), $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$ — ez ya'ni $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$ k f. davriy funksiya bo'ladi va uning davri sof mavhum 2π da songa teng bo'ladi.

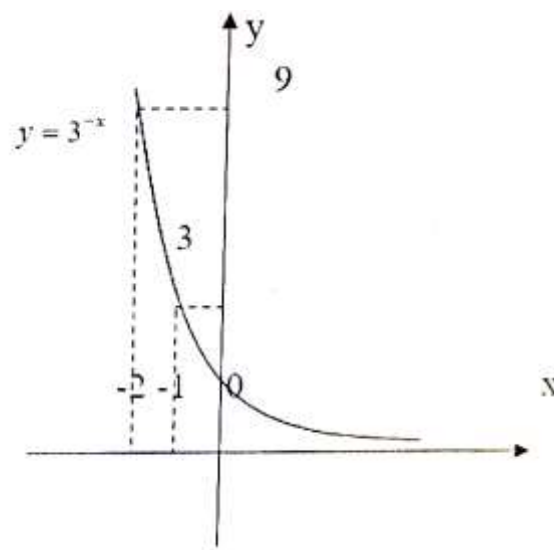
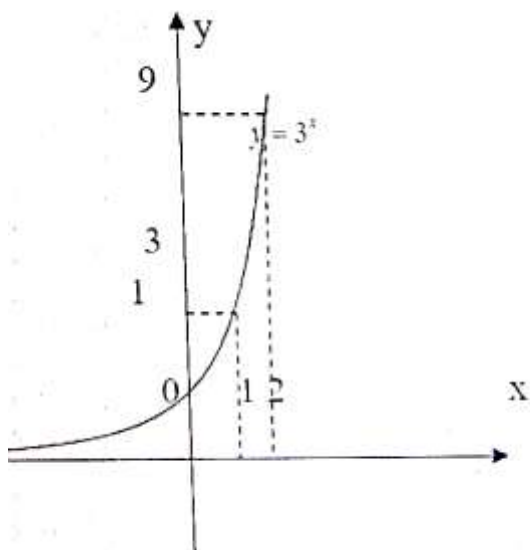
Ko'rsatkichli funksiya va uning xossalari. $a > 0, a \neq 1$ bo'lsin. $f(x) = a^x$ tenglik bilan aniqlangan funksiya a asosli ko'rsatkichli funksiya deyiladi. Bu funksiya barcha haqiqiy sonlar to'plamida aniqlangan, $D(f) = \mathbb{R}$, chunki $a > 0$ bo'lganda a^x daraja barcha $x \in \mathbb{R}$ uchun ma'noga ega. x ning istalgan haqiqiy qiymatida $a^x > 0$ bo'lgani uchun va ixtiyoriy $b > 0$ sonda $a^x = b$ bo'ladigan birgina $x \in \mathbb{R}$ soni mavjud bo'lgani uchun $E(f) = \mathbb{R}^+$ bo'ladi.

X o s s a l a r i : 1) $a > 1$ bo'lsa, $f(x) = a^x$ funksiya \mathbb{R} da o'sadi. $0 < a < 1$ bo'lsa, $f(x) = a^x$ funksiya \mathbb{R} da kamayadi. I s b o t . $a > 1$ holni qarash bilan cheklanamiz. $a > 1$ va $\alpha < \beta$ bo'lsin, bu yerda α, β sonlari ixtiyoriy haqiqiy sonlar. U holda $\beta - \alpha > 0, a > 1$ bo'lgani uchun $a^{\beta - \alpha} > a^0$ yoki $a^{\beta - \alpha} > 1$ tengsizlikka ega bo'lamiz. Bundan, $a^{\beta - \alpha} \cdot a^{\alpha} > 1 \cdot a^{\alpha}$ yoki $a^{\beta} > a^{\alpha}$ hosil bo'ladi. Demak, $\alpha < \beta$ dan $a^{\alpha} < a^{\beta}$ ekani kelib chiqadi. Bu esa a^x funksiya o'suvchi ekanligini bildiradi.



Ko'rsatkichli tenglamalar. $a^x = b$ ($a, b \in \mathbb{R}$) tenglama eng sodda ko'rsatkichli tenglamadir, bu yerda $a > 0$, $a \neq 1$. Ko'rsatkichli funksiyaning qiymatlar to'plami $(0; +\infty)$ oraliqdan iborat bo'lgani uchun $b \leq 0$ bo'lganda qaralayotgan tenglama yechimga ega bo'lmaydi. Agar $b > 0$ bo'lsa, tenglama yagona yechimga ega va bu yechim $x = \log_a b$ sonidan iborat bo'ladi **T e o r e m a**. Agar $a > 0$, $a \neq 1$ bo'lsa, $a^f(x) = a^{g(x)}$ (1) va $f(x) = g(x)$ (2) tenglamalar teng kuchlidir. **I s b o t**. Agar a soni (2) tenglamaning ildizi bo'lsa, $f(a) = g(a)$ bo'ladi. U holda, $a^{f(a)} = a^{g(a)}$. Aksincha, $a^f(a) = a^{g(a)}$ va a^x funksiyaning monotonligidan $f(a) = g(a)$ bo'ladi. Teorema isbot qilindi.

1-misol.va funksiylarning grafiklari yasalsin.Yechish:Keltirilgan xossalardan foydalanib, grafikning aniqroq chiqishi uchun har bir grafikda bir necha nuqtalarni aniqlab, grafiklarni yasaymiz 2-misol.tenglamani yeching.Yechish.va funksiylarning grafiklarini bitta



chizmada chizamiz. Ularning kesishish nuqtasining abssissasi berilgan tenglamaning yechimi bo'ladi. Bu tenglamani $x=3$ dan boshqa yechimi yo'q, chunki agar $x < 3$ bo'lsa va $2 > 8$, agar $x > 3$ bo'lsa, $2 < 8$. Bu chizmadan ham yaqqol ko'rinadi: to'g'ri chiziq ($y=8$) va egri chiziq $Y=2$ faqat bitta nuqtada kesishadi.



FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR:

1. M.A.Mirzaahmedov, Sh.N.Ismailov, A.Q.Amanov. Matematika 10 (Algebra va analiz asoslari II qism). Toshkent-2017.
 2. T.Jo`rayev, A.Sa`dullayev, G.Xudoyberganov, H.Mansurov, A.Vorisov. Oliy matematika asoslari. I qism. Toshkent- "O`zbekiston"-1995.
 3. Murtozaqulov Z. M., Solayeva M. N. darslikdagi differensial tenglamalarni yechishdagi yetishmayotgan metodlar va ma`lumotlar //Academic research in educational sciences. – 2021. – T. 2. – №. CSPI conference 3. – C. 462-467.
 4. MURTOZAQULOV Z. M., ABDUJABBOROV S. H. F. Tenglamalar sistemasini yechishda qulay bo`lgan metod va ko`rsatmalar //ЭКОНОМИКА. – С. 898-904.
 5. Zafar Madat o`g`li Murtozaqulov. KOMBINATORIKAGA DOIR MASALALARINI YECHISHDA FORMULALARNI TO`G`RI QO`LLASH. Uzbek Scholar Journal. Volume-09, Oct., 2022 (272-277).
- 1.Algebra va analiz asoslari:Akad.litsiy va kasb-hunar kollejlari uchun darslik / R. H. Vafayev, J. H. Husanov, K. H. Fa. yziyev 2.Algebra va matematik analiz asoslari. Akad. Litseylar uchun darslik A.U.Abduhamedov, H. A. Nasimov, U. M. Nosirov, J. H. Husanov, H. A. Nasimov